スリーブ組立式複合ロールの界面すべりに及ぼす 駆動トルクの影響と新しい設計概念の提案

野田 尚昭・佐野 義一・高瀬 康・堀田 源治

はじめに

図1に示す熱間圧延は金属を最も効率良く製品 に加工する方法であり、大量生産に適しており、 他のどの金属加工よりも生産量が多い^{1)~15)}. 図1 (a)の4段式圧延機は、熱間圧延用として最も一 般的であり、1対のワークロールと1対のバック アップロールから構成される. 圧延ロールに関し て、中実式ロールが主流であるが、その構造をス リーブ組立式に移行する考え方がある. すなわち, 1000 mm を越える胴径の大きな補強ロール¹⁾や大 型H形鋼圧延用ロール⁴⁾⁵⁾等では、中空円筒胴部

に軸を焼嵌める、スリーブ組立式構造(以下スリー ブロールと呼ぶ) が試行され、一部は実用化され てきた(図1(b), (c)参照). このスリーブロール は圧延により消耗したスリーブだけの交換で、軸 は継続使用ができる.特に、コスト縮減だけでなく、 次世代ロールとして期待されている超硬ロールや セラミックロールはスリーブ構造の採用が不可欠 であり、現状のロールの限界を超えた要求を満た す候補とされている.

一方で,スリーブロールには,ロール残留曲が り³⁾¹²⁾ やスリーブの円周すべりに起因するスリー ブ割れ⁸⁾¹⁶⁾など、固有の問題がある。特に、ス リーブの円周すべりに関しては、 過大な回転トル



(516)

クによって一気にすべりが生じないような設計が なされていても、スリーブすべりが生じることが 報告されており8)16),要因の解明が求められてき た. 同様な現象として、転がり軸受において、軸 とインナーレース間, ハウジングとアウターレー ス間ですべりが生じることが知られており17)~19). 界面クリープ現象(軌道輪が運転中に軸またはハ ウジングに対して移動する現象) と呼ばれている. 先の解説では、このようなスリーブロールの界面 すべりが、転がり軸受けにおける界面クリープと 同様に、同じ方向にすべりが生じる、類似の現象 であることに着目した. すなわち, このような現 象を本質的に理解するために、前回では、圧延時 のモーターの駆動トルクが0の,自由転がりの条 件下での、スリーブロールのすべりを数値シミュ レーションで考察した結果を説明した.

図1(b),(c)に、熱間圧延スタンドに使用する 圧延用スリーブロールを示す.図示するように、 モーターの駆動トルクと圧延鋼材からの摩擦力に よる力のモーメントが釣り合っており、それらは すべりを大幅に促進すると考えられる.よって、 本稿では、熱間圧延を、実際と同様の条件下で数 値解析した結果を紹介し、界面すべりに及ぼす駆 動トルクの影響を明確にする.熱間圧延では、転が り軸受とは異なり、駆動トルクによって促進は重大 な事故を引き起こす可能性がある.その際、焼嵌め 率と摩擦係数はすべり抵抗に寄与するので、それら の影響を解説する.最後に、これらの議論からスリー ブロールの新しい設計の考え方を提案する.

「不均一すべり」の数値解析法と従 来の設計対象の「全体すべり」との 違いについて

スリーブロールにおけるスリーブすべりの現象 は、転がり軸受分野では、「界面クリープ」と称さ れる²⁰⁾²¹⁾.しかし、ここでは、圧延分野のスリー ブ組立式ロールの用例に従って、「界面クリープ」 の呼称は使用しない.また、従来の設計では、ス リーブすべりの要因として、駆動トルクによる「全 体すべり」が想定され、それに対する対策がなさ れてきた.それにもかかわらず、スリーブすべりの 現象が生じている.これらを考慮して、本稿では、 駆動トルクによる「全体すべり」に加えて、新たに 局所的な「不均一すべり」が影響するものと考える (不均一すべりは図3参照).そして、それを数値 シミュレーションで求めた結果について解説する.

図1は4段式圧延機に使われるスリーブ組立式 薄板圧延ロールの概略図を示す.図1(a)は4段式 圧延機のロール長さ中央軸断面,図1(b)はロール 軸断面である.図1に示すように、スリーブロー ルは焼き嵌めされたスリーブとシャフトで構成さ れる.図1(c)は、複合スリーブロールの一般的な 例であり、遠心鋳造法により製作される.ここで、 スリーブには耐摩耗性と強靭性の双方が要求され るため、外層にハイスや高クロム鋼などの耐摩耗 材を用い、内層にはダクタイル鋳鉄からなる、複 合スリーブで構成する.解析を簡素化し、界面す べりを明確にするために、ここでは複合スリーブ ロールの代わりに、単一材料スリーブロールに焦 点を当てる.

図2に、本研究で使用する数値シミュレーショ ンの対象モデルを、実体ロールと関連させて示す. ロールを回転させず、ロール表面の周方向荷重移 動でロール回転を表現する、荷重移動法を適用す る²⁰⁾.図2(a)はロールが回転する実体ロールであ る¹⁸⁾¹⁹⁾.図2(b)はこれをモデル化したもので、初 期の研究で考察した、軸全体を剛体としたモデル である²¹⁾.本報では、図2(c)のように、軸中心に 剛体を導入して、ロール中心の変位と回転を拘束 するとともに、スリーブと軸の弾性変形を考慮す る.中心の剛体寸法は結果に影響しないことを確 認した上で直径8mmとする.荷重移動間隔は、 解析精度と計算時間を考慮して、 $\varphi = 4^{\circ}$ とする²⁰⁾.

界面クリープの解析に用いるロールへの負荷 は、バックアップロールからスリーブへの圧下力 P, 圧延材からスリーブへの圧延反力Pと摩擦力S (せん断力),およびモーターから軸への駆動ト ルクTである. せん断力Sと軸駆動トルクTに はT=SD/2が成立する(図3(a)参照). 標準的

金属 Vol.93 (2023) No.6

(517)



な圧下力 $P \approx P = P_0$ とする.また、軸のベンディ ング力 P_b は圧下力Pに比べて小さいので無視す る.軸トルクTの界面クリープへの影響に関し て、先の研究でも考察した²¹⁾.ここでは、前報で 使用したトルク条件を用いて、モーターの定格ト ルク $T = T_m = 471 \text{ Nm/mm}$ より、摩擦力(せん断 力)S = 1346 Nm/mmを求めた²¹⁾.メッシュ分割に は、四辺形一次要素を用い、その総要素数は、4.6 × 10⁴ である.

従来の設計で考慮された「全体的すべり」と区別 するために、本稿で考慮するすべりを「不均一す べり」と呼ぶことができる.これは、負荷荷重*P* により、不均一な変形が界面に現れるためである (後述する図3の①参照).従前のスリーブロール の設計では、「全体的すべり」の対策を式(1)に基 づいて考えている.すなわち、モーターの駆動トル クは、式(1)で定義されるすべり抵抗トルク*T*,より も小さくすればよいとしていた.

 $T < T_r$, $T_r = \xi \frac{d}{2} \pi dl_b \beta \mu \sigma_{r_{shrink}}$ (Nm/mm) (1) ここで, dはシャフトの外径 (スリーブの内径と同 じ)、 l_b はロールバレルの長さ、 μ はシャフトとス リーブの間の摩擦係数、 $\sigma_{rshrink}$ は焼嵌め応力であ る. 記号 ξ は、製造誤差を考慮した実効焼嵌め率 を示す. $T < T_r$ 以下では、「全体すべり」は防止でき るが、「不均一すべり」が発生する可能性がある.

スリーブ抵抗トルク *T_r*は、係数 $\xi = 1$, $l_b = 1$ mm, $\mu = 0.3$, $\sigma_{r_{shrink}} = -21.6$ MPa $\delta / d = 0.5 \times 10^{-3}$ の標 準条件下で, *T_r* = 3193 Nm/mm と計算できる(式 (3) 参照). 実際のトルクは、減速比 $\eta = 1.882^{22}$ を使用して、*T_m* = 471 Nm/mm として表すことが できる. ここでは、 $\eta = 1$ として、定格トルクを *T_m* = 471 Nm/mm として、定格トルクが小さいと界 面すべりが発生する可能性があることを検証する.

焼嵌め式のロールでは,式(2)に示すように, ロール側のすべり抵抗トルク*T*,が軸駆動トルク*T* よりも大きいとする.ここでαはすべりに対する 安全率である.

$$T_r = \alpha T \quad (\text{Nm/mm}) \tag{2}$$

 $T = T_{\rm m} = 471 \, \text{Nm} / \text{mm}$ の定格トルクの下で,式(2) から安全係数 $\alpha = 6.77$ が得られる. せん断力 S は 式(3)から求めることができる.

金属 Vol.93 (2023) No.6

(518)

$$T_{\rm m} = S \frac{D}{2} \, ({\rm Nm}/{\rm mm}) \tag{3}$$

定格トルクが T_m = 471 Nm/mm の場合, 摩擦力 (= せん断力) S は式 (3) から S = 1346 Nm/mm と求め られる.

軸に対するスリーブの相対移動量 u_{θ} を次のよう に定義する.荷重が角度 $\varphi=0^{\circ}$ から $\varphi=\varphi$ まで(同 時に $\varphi=\pi$ から $\varphi=(\pi+\varphi)$ まで荷重負荷があるが, 省略することがある)移動する間の,界面上の角 度 θ におけるスリーブ内面の変位を $u_{\theta}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\theta)$ と表示する.本研究では,スリーブと軸の弾性変 形を考慮するため,ロール回転(荷重移動)に伴っ て位相差が生じ,弾性軸と弾性スリーブの焼嵌め 面における変位 $u_{\theta}(\theta)$ の差,すなわち,相対変位 $u_{\theta}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\theta)=u_{\theta,\text{sheat}}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\theta)$ が焼嵌 め面における界面すべり量となる.

表1に、解析に用いるロールモデル寸法、機械 的性質および境界条件を示す。普通鋼板の熱間圧 延に相当する条件を想定して⁷⁷、ロール 1mm 当た り荷重 P = 13270 N/mm を用いる。焼嵌め代 δ を 内径dで除した焼嵌め率 $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ を用いる。 スリーブ・軸間の摩擦係数は $\mu = 0.3$ とする。

図2のスリーブ組立式ロールの数値解析には, 有限要素法 (Finite Element Method,以降 FEM と 略称する)を用いる.有限要素法の適用例は様々報 告されており,複合材などへの適用^{23)~28)}が比較 的容易であるという利点の他に、引張試験片のような単純な構造の解析²⁹⁾から、ボルト・ナットのような複雑な構造の解析³⁰⁾まで行うことができ、 汎用の FEM ソフトも数多く開発されている. ここでは MSC, Marc/Mentat 2012 を用いる. このソフトでは、非線形解析に完全ニュートン・ラプソーン法を使用しており、接触解析には、直接拘束法を使用している³¹⁾. 解析タイプは静的構造で平面ひずみ解析とする.

定格トルクの下での周方向相対変 位と相対変位増加率

スリーブが荷重移動 $P(0) \sim P(\varphi)$ を受けるときの スリーブ界面の周方向変位を $u_{\theta}^{P(0) \sim P(\varphi)}(\theta)$ と表す. 変位 $u_{\theta}^{P(0) \sim P(\varphi)}(\theta)$ の上付き記号 $P(0) \sim P(\varphi)$ は,荷 重を $\varphi = 0 \sim \varphi$ (同時に $\varphi = \pi \sim (\varphi + \pi)$ にも負荷する が省略) と移動させたとき,位置 θ におけるスリー ブ変位 $u_{\theta}(\theta)$ を意味する²⁰⁾.

図3に弾性軸に作用する荷重が、① $\varphi = 0$ (初 期荷重)から、②→ $\varphi = \pi$ (半周移動)、③→ φ = 2 π (1周移動)と移動するときの、①初期荷重に よる変位 $u_{\theta}^{P(0)}(\theta)$ 、②荷重が半周移動した際の変 位 $u_{\theta}^{P(0)\sim P(\pi)}(\theta)$ 、および③荷重が1周移動した際 の変位 $u_{\theta}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\theta)$ 、それぞれの分布を示す、初 期荷重 $\varphi = 0$ では、せん断力が作用する側の荷重

機械的性質	スリーブ	鋼製スリーブのヤング率 Esleeve	210 GPa
		鋼製スリーブのポアソン比v	0.28
	シャフト	鋼製シャフトのヤング率 E _{shaft}	210 GPa
		鋼製シャフトのポアソン比v	0.28
ロール寸法		スリーブ外径 <i>D</i>	700 mm
		スリーブ内径 <i>d</i>	560 mm
焼嵌め		焼嵌め率 δ/d	$0.5 imes 10^{-3}$
		シャフトとスリーブ間の摩擦係数μ	0.3
外力		厚さ当たりの集中力 P	13270 N/mm
			全荷重:1.327×10 ⁷ N
			ロール幅:1000 mm
		厚さ当たりの摩擦力S	1346 N/mm
		厚さ当たりの駆動トルク T _m *	471 Nm/mm
		厚さ当たりの抵抗トルク <i>T</i> r*	3193 Nm/mm
		ベアリングからの曲げ荷重 P b	0 N/mm

表1 ロールモデルの寸法,機械的特性および境界条件.



図3 焼嵌め界面に生じる「不均一すべり」の例.弾性軸に作用する荷重が.① $\varphi = 0$ (初期荷重), →② $\varphi = \pi$ (半周移動), →③ $\varphi = 2\pi$ (1周移動)と移動するときの,①初期荷重による変位 $u_{\theta}^{P(0)}(\theta)$,②荷重が半周移動した際の変位 $u_{\theta}^{P(0)\sim P(\pi)}(\theta)$,および③荷重が1周移動した際の変位 $u_{\theta}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\theta)$,それぞれの不均一な θ 方向の分布(弾性ロールがモーターの定格トルク $T=T_m$ で駆動される条件, $T=T_m$, $E_{sleeve} = 210$ GPa のとき)



図4 平均変位 $u_{\theta,\text{ave.}}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\varphi)$,変位増加率 $du_{\theta,\text{ave.}}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\varphi)/d\varphi$ と荷重回転移動角 φ との関係 (剛体軸 ($E_{\text{shaft}} \rightarrow \infty$, $T = T_{\text{m}}$) と弾性軸 $E_{\text{shaft}} = 210$ GPa, $T = T_{\text{m}}$)の比較).

位置 (θ =0°) の両側付近での変位の絶対値は異な り, せん断力の +方向側 (θ >0) で変位の絶対値 は大きく, $|u_{\theta,T=T_{w}}^{P(\varphi)}(-\theta)| < |u_{\theta,T=T_{w}}^{P(\varphi)}(+\theta)|$ である. 図 4 (a) に,弾性軸と剛体軸に関して,荷重を 2 回転させて,スリーブ変位の挙動を平均変位 $u_{\theta,ave.}^{P(0)\sim P(\varphi)}$ と荷重回転移動角 φ との関係を,ロール

(520)

がモーターの定格トルク $T = T_m$ で駆動される条件 下で示す.弾性体,剛体に関わらず荷重が移動す るにつれて平均値はほぼ線形的に増加している.2 回点目の, $\varphi = 2\pi \sim 4\pi$ 間では,その変化は線形と 見なしうる.図4(b)の変位の増加率を示す図では, $\varphi = 2\pi$ 以降(荷重1回転以降)の変位増加率が一定 になることがより明確に示される.つまり,図4(b) の1回転以降の変位増加率 $du_{\theta}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\varphi)/d\varphi|_{\varphi \ge 2\pi}$ に注目して,界面すべりを定量的に評価すること ができる.図4(b)により,軸が弾性体の場合は剛 体より4倍近く変位増加率 $du_{\theta}^{P(0)\sim P(\varphi)}(\varphi)/d\varphi|_{\varphi \ge 2\pi}$ が大きい.

前解説²¹⁾で,自由転がり条件下における界面す べりの生成機構を,界面でのせん断応力 $\tau_{r\theta}$ と摩擦 応力 $\mu\sigma_r$ との関係から説明した.具体的には①焼 嵌め面ですべり域($\tau_{r\theta} \simeq |\mu\sigma_r|$ なる応力準平衡域) が存在することや,②すべり域を中心に不可逆変 位が生じること,③初期荷重によって界面に不均 一で不可逆的に生じた変位が,荷重移動,すなわ ちロール回転とともに,不可逆変位の蓄積によっ て,不均一に生じた変位の平均値が増加すること などを解説した.図5に荷重1回転後のすべり域 を剛性軸と弾性軸について示す.なお,荷重1回 転以降,すべり域は変わらない.すなわち,変位 のような不可逆変位の蓄積現象は応力に関しては 生じない.図5(a)は荷重1回転後における弾性 軸でのすべり域であり,せん断応力 $\tau_{r\theta,T=T_m}^{P(0)}$,摩擦 応力 $\mu\sigma_{r,T=T_m}^{P(0)}$ の分布とともに示す.図5(b)は剛 体軸に関してのすべり域と応力分布である.ここ では解析の精度を考慮し,±1 MPa 以内で $\tau_{r\theta}^{P(0)} \simeq$ $|\mu\sigma_r^{P(0)}|$ となる領域をすべり域とした.図5(a), (b)より,負荷位置 $\theta=0, \theta=\pi$ の両側に $\tau_{r\theta}^{P(0)} \simeq$ $|\mu\sigma r^{P(0)}|$ となる領域(すべり域)が確認できる.

荷重1回転後のすべり域は,剛体軸よりも弾性 軸の方が2倍近く大きくなる.すなわち,軸の弾 性変形によってすべり域が拡大する.このことが, 図4に示すように,弾性軸の平均変位が大きくな る要因となる.

変位増加率に及ぼす軸弾性係数の 影響

前節では、剛体軸から鋼製軸 $E_{\text{shaft}} = 210$ GPa へ 変えた場合の界面すべりへの影響を調べた.本節 では、表2に示す実用材料を軸として用いるとき、 その変位 $u_{\theta}^{P(0) \sim P(\varphi)}$ への影響を調べる.軸材として ダクタイル鋳鉄、鋼、セラミックス、サーメット の4 材質を対象とする.





図6に変位増加率と軸の弾性係数の関係を示す. ダクタイル鋳鉄 (DCI),鋼,セラミックス,サーメット,剛体軸の順に変位増加率 $du_{\theta}^{P(0) \sim P(\phi)}(\varphi)/d\varphi|_{\varphi \geq 2\pi}$ が大きい.すなわち軸弾性係数が小さくなるにしたがって,変位増加率が大きくなっており,軸の弾性変形がすべりに関与していることが分かる.このような変位増加率の違いは、着力点 $\theta=0^{\circ}$ (360°) 180°の両側で生じる「すべり領域」、すなわちて $\tau_{r\theta}^{P(0)\sim P(2\pi)} \simeq |\mu\sigma_r^{P(0)\sim P(2\pi)}|$ を満足する領域の大きさの違いに対応している(図5参照).図7にロール1回転後のすべり領域比 $l_{slip}/\pi d$ とシャフトの弾

表2 シャフトのヤング率 E_{shaft} .





性係数の関係を示す.ここですべり領域比は、すべり域 *l*sip の全周に対する比率である.

すべり領域比 = $l_{slip}/\pi d$, $l_{slip}=\tau_{r\theta}^{P(0)\sim P(2\pi)} \simeq \mu \sigma_r^{P(0)\sim P(2\pi)}$ を満足する領域 (4)

図7では、弾性係数が小さくなるとすべり域 $l_{slip}/\pi d$ は増加しており、その様子は図6の変位増 加率と全く同じではないものの、同様な傾向を示 す.界面の変位はすべり域の大きさに比例するこ とが前報²⁰⁾²¹⁾でも示されており、図6、7において も同様である.

このように、弾性係数の減少に伴って、変位増 加率が増加することは、すべり域の増加によって 説明できる.すべり域の大きさは同一スリーブ厚 さ、荷重の場合、界面での接触状態すなわち応力 状態の影響を受ける.そこで、界面での変位を拘 束する $\sigma_r^{(0)\sim P(2\pi)}$ に注目する.軸の扁平化(だ円 化)の影響を受けて、応力 $\sigma^{P(0)\sim P(2\pi)}$ が焼嵌め応力 $\sigma_{rshrink}$ に対して低下する領域を接触応力低下領域 l_{small} と定義する.すなわち、低応力域 l_{small} とは $\sigma_r^{P(0)\sim P(2\pi)} \leq \sigma_{rshrink}$ ($E_{shaft} = E_{sleeve} = 210$ GPaのとき) が成立する領域である.図8に、1 回転後の半径 方向応力 $\sigma^{P(0)\sim P(2\pi)}$ の低応力域と弾性係数の関係を 示す.ここで、接触応力低下領域比は、全長 πd に



図6 変位増加率 $du_{\theta,ave.}^{P(0)\sim P(\phi)}(\varphi)/d\varphi$ と軸の弾性係数 E_{shaft} の関係 (スリーブのヤング率 $E_{\text{sleeve}} = 210$ GPa のとき).

(522)



図7 ロール1回転後のすべり域率 $l_{slip}/\pi d$ (Slippage region ratio) とシャフ トの弾性係数の関係 (スリーブのヤン グ率 $E_{sleeve} = 210$ GPa のとき).

対する低応力域幅 l_{small} の割合であり,式 (5),(6) で表される.

接触応力低下領域比 =
$$\frac{l_{\text{small}}}{\pi d}$$
 (%) (5)

(523)

金属 Vol.93 (2023) No.6

図8 ロール1回転後の半径方向応力 $\sigma_r^{P(0)\sim P(2\pi)}$ の低応力域と弾性係数の関係 (スリーブのヤング率 $E_{\text{sleeve}} = 210$ GPa のとき).

 $l_{small} = \sigma_r^{P(0) \sim P(2\pi)} \le \sigma_{rshrink}$ となる領域で $l_{small} = \theta_s \times d/2$ ($\sigma_{rshrink}$ は、 $E_{shaft} = E_{sleeve} =$ 210 GPa のときの荷重 P を負荷する前の焼 嵌め応力) (6)

75

図8より,弾性係数の最も小さいDCI軸は,低応力域*l*smallが大きい.低応力域幅*l*smallが大きい.低応力域幅*l*smallが大きい ほど界面でのすべりが生じやすい.弾性係数が大 きくなるほど低応力域は小さくなるが,剛体軸に も低応力域が存在する.これはスリーブの扁平化 によるものである.低応力域*l*smallが大きいなら, 焼嵌め状態を緩ます作用も大きく,それは扁平化 効果によって説明できる.

「不均一すべり」に及ぼす過大トル クの影響(「不均一すべり」に基づく 新しい設計概念の構築に向けて)

上記の説明では、圧延ロールに付加する軸ト ルクとして、ロールが定格トルク T_m で駆動され る場合を基準に解説してきた.しかし、実ロール の軸には、定格トルクに加えて、減速比 η 、上下 ロール配分比、オーバートルク、圧延材噛み込み 時の衝撃係数など、多くの要因によって過大な軸 トルクが作用する.したがって、以下の解説では、 トルクなし条件T = 0ならびにモータ定格トルク $T = T_m$ に加えて、他のトルク条件として $T = 2T_m$ 、 $T = 3T_m$ が作用する場合も考慮する.

図 9 (a) は、定格トルクに対する駆動トル ク T/T_m の大きさが、1 回転後の平均変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ に与える影響を示している。弾性 軸 $E_{\text{shaft}} = 210$ GPa と剛性軸 $E_{\text{shaft}} = \infty$ に、標準荷 重 $P = P_0$ が作用する場合、1 回転 $\varphi = 2\pi$ の変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ は、 T/T_m の増加に伴い大幅に増加 する。弾性軸に定格トルク $T = T_m$ が作用する場合 の平均変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ は剛性軸の4倍であるの に対して、 $T = 3T_m$ が作用する場合の弾性軸の平 均変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ は、剛性軸の9倍になる。図 9 (a) に示すように、T = 0 すなわち自由転がりでも、 前解説²⁰⁾で説明したように、「不均一すべり」が 不可逆的に生じ、荷重移動すなわちロール回転と ともに蓄積され、平均変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi) \neq 0$ であ り、スリーブすべりが発生する可能性がある。

図 9 (b) は、定格トルクに対する駆動トルク T/Tmの大きさが、1 回転後の平均変位の増加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi) d\varphi$ に与える影響を示している。弾 性軸 $E_{\text{shaft}} = 210$ GPa と剛性軸 $E_{\text{shaft}} = \infty$ に,基準荷 重 $P = P_0$ が作用する場合、1 回転 $\varphi = 2\pi$ の変位増 加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)/d\varphi$ は、 $T/T_{\rm m}$ の増加に伴い大幅 に増加する。弾性軸のモーター定格トルク $T = T_{\rm m}$ における変位増加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)/d\varphi$ は剛性軸の 5 倍であり、 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)/d\varphi$ 、 $T = 3T_{\rm m}$ での弾性 軸の値は、剛体軸の 19 倍である。研究の初期段階 では、スリーブの変位に着目して剛体軸モデルを 想定した。しかし、図 9 (a) と図 9 (b) は、弾性軸 のモデル化が必要であることを示している。図 9 (b) で注目すべきことは、T = 0 でも変位増加率が ゼロではなく $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)/d\varphi \neq 0$ となることで、 先にも解説した自由転がりT = 0下で生じるスリー ブすべり²⁰⁾ によるものである。

次に、トルク無条件T=0と標準圧延条件 $P = P_0$, $T = T_m$ に加えて, 極端に厳しい条件 $P = 3P_0$, $T = 3T_m$ を考える. 圧延時トラブルの状 態では、PがTに比例して増加すること(P ∝ T) が知られている.よって、 $P \circ P = 3P_0$, $T = 3T_m$ は圧延時のトラブルの状態を想定している. 図9 (c)の実線は、PとTの両方が比例的に増加する 場合の、平均変位 $u_{ heta,\mathrm{ave},T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ に対する T/T_{m} の 影響を示している. $P = 3P_0$, $T = 3T_m$ での, 弾性 軸 $E_{\text{shaft}} = 210 \text{ GPa}$ の平均変位 $u_{\theta, \text{ave } T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)$ は,標 準条件 $P = P_0$, $T = T_m$ のそれより20倍大きい. また、転がり故障状態 $P = 3P_0$, $T = 3T_m$ では、弾 性軸の $u_{\theta \text{ ave } T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)$ は、剛体軸の場合より8倍大 きい. 一方, 図9(c)の破線は, 荷重PをP=P0, $P = 2P_0$, $P = 3P_0$ のようにそれぞれの荷重で固定 して, モータートルクTを変化させたときの, 平 均変位 $u_{\theta,\text{ave},T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ を示している. $P = P_0$ 固定で は, $T = 3T_{\rm m}$ の平均変位 $u_{\theta, {\rm ave}, T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)$ は, $T = T_{\rm m}$ の平均変位 $u_{\theta,\mathrm{ave},T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ よりも5倍大きい.ただ し、*T* = *T*_m を固定すると、*P* = 3*P*₀ での平均変位 は、 $P = P_0$ のそれの10倍になる.この考察より、 平均変位 $u_{\theta,ave,T}^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)$ に対するPの影響が、Tの 影響よりも大きいことを示している.

図 9 (d) の実線は、 $P \ge T$ が比例して増加したと きの界面変位 $du_{\theta,ave}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ の増加率に対する

金属 Vol.93 (2023) No.6

(524)



図9 駆動トルク*T*と圧延荷重*P*が増加するときの変位増加率の増加(弾性率*E*_{shaft} = 210 GPa に作用する圧延荷重が1 回転移動するとき *φ* = 2*π*).

 $T/T_{\rm m}$ の影響を示している. $P = 3P_0$, $T = 3T_{\rm m}$ で弾 性軸 $E_{\rm shaft} = 210$ GPa の変位増加率 $du_{\theta, ave}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ は, $P = P_0$, $T = T_{\rm m}$ のそれより 70 倍大きい. また, 圧延トラブルの状態 $P = 3P_0$, $T = 3T_{\rm m}$ では,弾性 軸の変位増加率 $du_{\theta, ave}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ は,剛体軸のそ れより 31 倍大きい. 図 9 (d) の破線は、荷重 P を $P = P_0$, $P = 2P_0$, $P = 3P_0$ のそれぞれに固定し,駆 動トルク T のみを変化させた場合の変位増加率 $du_{\theta, ave}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ を示している. $P = P_0$ に固定し た場合, $T = 3T_{\rm m}$ での変位増加率 $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ の値は, $T = T_{\rm m}$ での $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ の 10 倍で ある. 逆に, $T = T_{\rm m}$ を固定して荷重 P のみを増加 すると, $P = 3P_0$ での変位増加率 $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$, $P = P_0$ でのそれよりも 16 倍大きくなる. つまり, 圧延荷重が大きくなる影響は駆動トルクが大きく なる影響よりも大きい. 平均変位位 $u_{\theta, \text{ave}, T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)$ と比較して変位増加率 $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ に大き な変化が見られる. 圧延トラブルが発生すると,

 $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ が急激に大きくなるので注意が 必要である.

図9(c) および図9(d) に示すように、トルクゼ ロT = 0の、自由転がり条件下でも、平均変位と $u_{\theta,\text{ave},T}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)$ 変位増加率 $du_{\theta,\text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ は、 負荷力Pの増加に伴い顕著に増加する。これは、 自由転がり下での円周方向に不均一で不可逆的な すべりが発生し、それが圧延荷重とともに増加す ることから説明できる。前解説でも、トルクゼロ の場合でも周方向すべりが生じる理由²⁰⁾を説明し たが、本稿の圧延荷重の影響により、トルクゼロ の場合でもすべりが顕著に増加することから、よ り明確となった。

焼嵌め率 δ/d が「不均一すべり」 に及ぼす影響

焼嵌め圧延ロールでのスリーブの [全体すべり] を防ぐには、Tr>Tとして式(1)のすべり抵抗トル クTrを駆動トルクよりも大きくする必要がある が、図3に示すような「不均一すべり」が発生す る可能性がある.ここでは、式(1)の焼嵌め圧力 σ_{rshrink} を支配する焼嵌め率に着目する. すなわち, 上記の説明では、焼嵌め率 $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ を固定 して、界面のすべりに対する駆動トルクTの影響 を解説した. $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ の場合, すべり抵抗 トルク T_r は $T_r = 6.77 T_m$ と定格トルク T_m より大 きくなる.一般的にスリーブ組立式ロールでは, $\delta/d = 0.4 \times 10^{-3} \sim 1.0 \times 10^{-3}$ の範囲の焼嵌め率が適 用される. このような範囲の制限は、長年の経験 に基づいており、 $\delta/d < 0.4 \times 10^{-3}$ の値が小さいと 界面がすべりやすくなり、 $\delta/d > 1.0 \times 10^{-3}$ の値が 大きいと界面がすべり難くなるためである⁶⁾.

図 10 は、焼嵌め率 $\delta/d \epsilon \delta/d = 0 \sim 1.0 \times 10^{-3}$ の範囲で変化させたときの界面変位増加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ を示している。変位増加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ は、焼嵌め率 δ/d が大きくなる と減少する。これは、 δ/d の増加に伴い、焼嵌め 応力 $\sigma_{rshrink}$ が増加するためである。すなわち、焼 嵌め率 δ/d が増加すると、すべり抵抗が増加するこ



図 10 変位増加率と焼嵌め率 δ/d の関係 ($\varphi = 2\pi, T = 0, P = P_0, T = T_m, P = P_0, T = 3T_m, P = 3P_0$ のとき).

とで、変位増加率 $du^{P(0)\sim P(2\pi)}_{\theta,ave}(\varphi)/d\varphi$ が減少する.

焼嵌め率 $\delta/d = 0$ の場合でも、変位増加率 $du^{P(0) \sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)/d\varphi$ は無限大とならない. これ は、一対の荷重 P によってロールが押されるため、 軸とスリーブ界面で接触圧が発生し、接触部のす べり抵抗を発生させるためである.一方、 $\delta/d \rightarrow \infty$ の場合、スリーブとシャフトはすべらず一体化する ため、変位増加率はゼロに近づき、 $du^{P(0) \sim P(2\pi)}_{\theta, ave}(\varphi)$ / $d\varphi \rightarrow 0$ となる.

また、基準値の焼嵌め率 $\delta/d = 0.5 \times 10^{-3}$ にお いて、 $T = 3T_{\rm m}$ 、 $P = 3P_0$ のときの変位増加率 $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi = 7.0 \times 10^{-2} \text{ mm/deg} は$, $T = T_{\rm m}$, $P = P_0$ のときの $du_{\theta, \text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi = 0.1 \times 10^{-2} \text{ mm/}$ deg の約70倍大きい.なお、大きな δ/d を使用す れば、スリーブの内部破断を防ぐことができるが、 スリーブ内面に現れる大きな周方向応力 σ_{θ} が破断 の原因となることに注意する必要がある.

摩擦係数μが「不均一すべり」に及 ぼす影響

摩擦係数は、焼嵌め率と同様に、界面すべりを 防止するための主な要因である.従って、本節で は基準値 $\mu = 0.3$ を含む $\mu = 0.1 \sim 1.0$ の範囲で摩擦係

数を変化させた結果を解説する.実験的研究では, $\mu = 0.2$ がスリーブの内面とシャフトの外面の間の 摩擦係数として使用されている¹⁾.また,鋼間の 摩擦係数として $\mu = 0.4$ が報告されている³²⁾.この ように,スリーブロール接合面では $\mu = 0.2 \sim 0.4$ 前 後の値がよく使われている.なお,鉄鋼産業で使 用される多くの金属の中で,純金属は他の合金よ りも摩擦係数が高いことが知られている.したがっ て,摩擦係数 μ は,純鉄に非常に近いと見なすこ とができるアームコ鉄と組み合わせて考慮する必



図 11 変位増加率と摩擦係数 μ の関係 ($\varphi = 2\pi$, T = 0, $P = P_0$, $T = T_m$, $P = P_0$, $T = 3T_m$, $P = 3P_0$ のとき).

連載 (続)産業用ロール・ローラの技術的課題と解決(5)

要がある³³⁾.次に、摩擦係数の最大値は、アーム コ鉄/アルミニウムの組み合わせで $\mu = 0.82$ 、アー ムコ鉄/ニッケルで $\mu = 0.58$ 、アームコ鉄/鉄で μ = 0.52 になる.以上から、本稿では実用的な意味 での摩擦係数の上限として $\mu = 1.0$ を採用する.

図 11 に摩擦係数 μ を変化させたときの変位 増加率 $du_{\theta,\text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ を示す.変位増加率 $du_{\theta,\text{ave}}^{P(0) \sim P(2\pi)}(\varphi)/d\varphi$ は、摩擦係数 μ が大きくなるほ ど小さくなることがわかる.使用範囲に制限はあ るが、焼嵌め率 δ/d が大きく、摩擦係数 μ が大き いと、界面すべりを防止することができる.大きな δ/d と大きな μ は界面すべりを防ぐ可能性があるが、 圧延トラブル $T = 3T_{\text{m}}, P = 3P_0$ の下でそのような δ/d と μ を使用して対策することは困難である.

スリーブロールの「不均一すべり」 を考慮した新しい設計概念の提案 と「全体すべり」に基づく従来の設 計との比較

図 12 に,「全体すべり」に基づく従来の設計思想に対して,「不均一すべり」を考慮した新しい設計思想の必要性をまとめたものである.図 12 (a) に示すように,従来の設計法では(1)式より駆動トルク T が摩擦抵抗トルク T,より小さいならば,



金属 Vol.93 (2023) No.6

(527)

「全体すべり」が防げると考え、 $T < T_r$ としていた. 代わりに、新しい方法では、駆動トルクTが、モー タの定格トルク T_m よりも小さい場合でも、すな わち、 $T < T_m$ を満足する場合でも(より正確には 駆動トルクゼロT = 0でも圧延荷重Pがゼロでな い場合 $P \neq 0$ には)、少量の界面すべりが発生する 可能性があると考える.したがって、新しい設計 では、図 12 (b) に基づいて、適切なキーを設計す るなどして界面のすべりを防ぐことになる.

おわりに

スリーブ組立式ロールには、いくつかの利点が あり、①シャフトの延性を保ちスリーブの耐摩耗 性を単独で向上させることや、②破損したスリー ブを交換することで、シャフトを再利用できるこ と、③次世代超硬ロールなどで不可欠であること などが挙げられる。本稿では、実圧延における界 面すべりを明らかにするために駆動トルクの影響 を数値解析した結果を中心に解説した。シャフト の弾性や、焼嵌め面の摩擦係数に加えて、圧延負 荷や駆動トルクがスリーブすべりへ及ぼす影響が 議論されており、実圧延下での通板事故を想定し た界面すべりに対する理解の深化が期待される。 本稿で説明した内容をまとめると以下のようにな る.

1) 初期荷重によって「不均一すべり」が不可逆 的に生じ,それが蓄積されることでスリーブすべ りが生じる(図3参照).不均一なすべり変位の平 均値とその変位増加率に注目すると,たとえば, 変位増加率は,最初の1回転で徐々に増加するが, 1回転後は一定になる.したがって,1回転後の平 均変位や1回転後の変位増加率から,多数回転後 の界面すべり量を予測できる(図4参照).

2) 定格トルク $T = T_m$ で駆動されるロールの変 位増加率は、自由転がりT = 0の場合のそれの約5 倍になる(図4参照).駆動トルクTの加速効果は、 摩擦応力とせん断応力がほぼ等しい「すべり領域」 によって説明できる.定格トルク $T = T_m$ では、自 由転がりT = 0に比べて「すべり領域」が大きくな

80

る(図5参照).

3) 圧延時トラブルの状態では、ロール駆動トル クTと圧延荷重Pが比例して増加すること ($P \propto$ T) が知られているが、このとき、変位増加率は顕 著に増加する (図9参照). 圧延トラブルに相当す る荷重条件 $T = 3T_m$, $P = 3P_0$ では、標準圧延条件 $T = T_m$, $P = P_0$ の 70 倍の変位増加率となる (図9参 照).

4) 自由転がり下でも円周すべりが生じることは, 圧延荷重 P によって軸スリーブ界面に「不均一す べり」が不可逆的に生じ,それが蓄積されること から説明できる.これは負荷力 P の増加に伴い, ゼロトルク時の変位増加率が増加するためである (図 9 (c) の P = 2P₀, P = 3P₀参照).

5) 焼嵌め率 δ/d を大きくすると,変位増加率は 大幅に減少する (図 10 参照).摩擦係数 μ の増加に 伴い,変位増加率は大幅に減少する (図 11 参照). また,弾性軸に対するロール駆動トルク T の影響 は,剛性軸に比べてはるかに大きくなる (図 4 (a), (b) を参照).

6) 従来の設計思想は「全体すべり」に基づくも のであったため、「不均一すべり」に基づく新たな 設計概念を提案した(図12(a),(b)参照). すなわ ち、従来は式(1)より駆動トルクTが摩擦抵抗ト ルクTrより小さいならば、「全体すべり」が防げる と考え、T<Trならば防げると考えられていたが、 実際には、駆動トルクTが小さい場合でも、界面 すべりが発生する可能性があることを考慮して、 キーを設けるなどの対策が必要であることを説明 した.

参考文献

(528)

- 下田秀夫,小野寺真作,堀清,土肥修:焼ばめした 圧延用大形補強ロールの残留曲りに関する研究,日 本機械学会論文集,32 237 (1966),689. https://doi.org/ 10.1299/kikai1938.32.689
- 2) 堤三郎,原千里,吉井省三:組立式補強ロールの 残留曲がりについて,鉄と鋼,5 (1971),818. https:// doi.org/10.2355/tetsutohagane1955.57.5_818
- 3)野田尚昭,佐野義一,高瀬康,下田祐太朗,張国偉: 焼嵌めで構成された圧延用補強ロールに生じる残留曲

がり生成メカニズムの解明, 塑性と加工, 58 672 (2017), 66. https://doi.org/10.9773/sosei.58.66

- 4) 入江利治、高木圭治、是永逸生、佐野義一:鋼矢板 圧延用分割スリーブロールの開発について、日本鉄鋼 協会講演論文集、65 (1979)、293.
- 5) 滝川浩,橋本光生,紺野剛,内田秀:形鋼用鍛造 ハイススリーブロールの開発,材料とプロセス,165 (2003),1150.
- 6) 佐野義一:熱間圧延用ロールにおける内部疲労破壊 と課題―実機におけるき裂発生問題と評価,第148・ 149 回西山記念技術講座,(1999),1.
- 7) 佐野義一:熱間圧延用ロールにおける内部疲労破壊 と課題一実機におけるき裂発生問題と評価一,第245 回日本材料学会疲労部門委員会第36回強度設計・安 全性評価部門委員会合同委員会報告書,京都1.
- 8) 松永榮八郎, 津行武信, 佐野義一:スリーブロールの適正焼嵌率の検討(熱間圧延用スリーブロールの強度設計-2), 日本鉄鋼協会講演論文集(Camp-ISIJ), 11 (1998), 362. https://ci.nii.ac.jp/naid/10002551803.
- S. Spuzic, K. N. Strafford, C. Subramanian and G. Savage: Wear of hot rolling mill rolls: an overview, Wear, 176 (1994), 261. https://doi.org/101016/0043-1648(94)90155-4
- 10) N.A. Noda, K. Hu, Y. Sano, K. Ono and Y. Hosokawa: Residual stress simulation for hot strip bimetallic roll during quenching. Steel Res. Int., 87 11 (2016), 1478. https://doi.org/10.1002/srin.201500430
- 11) K. Hu, Y. Xia, F. Zhu and N.A. Noda: Evaluation of thermal breakage in bimetallic work roll considering heat treated residual stress combined with thermal stress during hot rolling, Steel Res. Int., 89 4 (2017), 1700368. https://doi.org/10.1002/srin.201700368
- 12) N.A. Noda, H. Sakai, Y. Sano, Y. Takase and Y. Shimoda: Quasi-equilibrium stress zone with residual displacement causing permanent slippage in shrink-fitted sleeve rolls, Metals, 8 12 (2018), 998. https://doi.org/10.3390/ met8120998
- 13) H. Sakai, N.A. Noda, Y. Sano, G. Zhang and Y. Takase: Numerical simulation on interfacial creep generation for shrink-fitted bimetallic roll, ISIJ Int., 59 5 (2019), 889. https://doi.org/10.2355/isijinternational.ISIJINT-2018-749
- 14) N.A. Noda, R.A. Rafar, H. Sakai, X. Zheng, H. Tsurumaru, Y. Sano and Y. Takase: Irreversible Interfacial Slip in Shrink-Fitted Bimetallic Work Roll Promoted by Roll Deformation, Eng. Fail. Anal., **126** (2021), 105465. https://doi.org/10.1016/j.engfailanal.2021.105465
- 15) N.A. Noda, R. A. Rafar and Y. Sano: Stress due

to interfacial slip causing sleeve fracture in shrinkfitted work roll, International Journal of Modern Physics B, **35** 14 (2021), 2140020. https://doi.org/ 10.1142/S0217969221400208

- 16) 松永榮八郎, 佐野義一, 西田新一: 複合スリーブロー ル内層材の疲労特性(熱間圧延用スリーブロールの強 度設計-1), 日本鉄鋼協会講演論文集(Camp-ISIJ), 10 (1997), 1078.
- 17) 曽田範宗:軸受け, 岩波全書, (1964), 196.
- T. Niwa: A creep mechanism of rolling bearings, NTN Tech. Rev., 81 (2013), 100.
- J. Murata and T. Onizuka: Generation mechanism of inner ring creep, Koyo Eng J, 166 (2005), 41.
- 酒井悠正,野田尚昭,佐野義一,張国偉,高 瀬康:スリーブ組立式圧延ロールの焼嵌め面に 生じる界面クリープの数値シミュレーション, 鉄と鋼,105 4 (2019),411. https://doi.org/10.2355/ tetsutohagane.TETSU-2018-117
- 21) 酒井悠正,野田尚昭,佐野義一,張国偉,高瀬 康:スリーブ組立式圧延ロールの界面クリープに及 ぼす駆動トルクの影響,鉄と鋼,105 12 (2019),1126. https://doi.org/10.2355/tetsutohagane.TETSU-2019-048
- 22) Hot Strip Subcommittee of Joint Study Group of Steel Sheet Subcommittee in The Iron and Steel Institute of Japan, Recent hot strip manufacturing technology in Japan (Report of Hot Strip Subcommittee of Joint Study Group of Steel Sheet Subcommittee), Ibaraki Print (1987), 255.
- 23) N-A. Noda, D. Suryadi, S. Kumasaki, Y. Sano and Y. Takase : Failure analysis for coming out of shaft from shrink-fitted ceramics sleeve, Eng. Fail. Anal., 57(2015), 219. https://doi.org/10.1016/j. engfailanal.2015.07.016 35
- 24) N-A. Noda, Y. Xu, D. Suryadi, Y. Sano and Y. Takase: Coming out mechanism of steel shaft from ceramic sleeve, ISIJ Int., 56 (2016), 303. https://doi.org/10.2355/ isijinternational.ISIJINT-2015-558
- 25) T. Miyazaki, N-A. Noda, F. Ren, Z. Wang, Y. Sano and K. Iida: Analysis of intensity of singular stress field for bonded cylinder and bonded pipe in comparison with bonded plate, Int. J. Adhes. Adhes., 77 (2017), 118. https:// doi.org/10.1016/j.ijadhadh.2017.03. 019
- 26) N-A. Noda, T. Miyazaki, R. Li, T. Uchikoba and Y. Sano: Debonding strength evaluation in terms of the intensity of singular stress at the interface corner with and without fctitious crack, Int. J. Adhes. Adhes. B, 61 (2015), 46. https://doi.org/10.1016/j.ijadhadh.2015. 04.005
- 27) N-A. Noda, T. Uchikoba, M. Ueno, Y. Sano, K. Iida,

金属 Vol.93 (2023) No.6

(529)

Z. Wang and G. Wang: Convenient debonding strength evaluation for spray coating based on intensity of singular stress, ISIJ Int., **55** (2015), 2624. https://doi.org/10.2355/ isijinternational.ISIJINT-2015-458

- 28) Z. Wang, N-A. Noda, M. Ueno and Y. Sano: Optimum Design of Ceramic Spray Coating Evaluated in Terms of Intensity of Singular Stress Field, Steel Res Int., 88 (2017), 1600353. https://doi.org/10.1002/srin.201600353
- 29) N-A. Noda, Y. Shen, R. Takaki, D. Akagi, T. Ikeda, Y. Sano and Y. Takase: Relationship between strain rate concentration factor and stress concentration factor, Theor. Appl. Fract. Mech., **90** (2017), 218.
- 30) N-A. Noda, X. Chen, Y. Sano, M. A. Wahab, H. Maruyama and R. Fujisawa: Effect of pitch difference between the bolt-nut connections upon the anti-loosening performance and fatigue life, Mater. Des., 96 (2016), 476. https://doi.org/10.1016/j.matdes.2016.01. 128
- Marc Mentat team, Theory and User Information. Vol.A, MSC. Software, Tokyo, (2012), 713.
- 32) MiSUMi-VONA 技術情報, MISUMI Group Inc., 乾燥 摩擦係数, https://jp.misumi-ec.com/tech-info/categories/ plastic_mold_design/p107/c0874.html(accessed 2019-06-14).
- 33) 機械工学便覧, 基礎編 α2 機械力学, 丸善, (2004).

のだ・なおあき NODA Nao-Aki

1984 九州大学大学院工学研究科機械工学専攻博士課程修了. 九 州工業大学工学部講師・助教授を経て,教授. 焼嵌め式ローラ や特殊ボルト等の産学連携に関する研究に従事. 日本設計工学 会論文賞受賞. 日本機会学会材料力学部門賞業績賞,日本機械 学会フェロー. 自動車技術会フェロー. 2019-2021 日本材料学 会九州支部長. 2022.04 九州工業大学名誉教授.

さの・よしかず SANO Yoshikazu

1967 九州大学大学院機械修了.日立金属㈱入社.1992 技師長. 1996 九州大学より博士(工学)授与.学術研究員,九州工業大 学支援研究員を経て㈱ホーシン技術顧問.焼嵌め式ロールの構 造設計に関する研究に従事.(公社)日本設計工学会 2019 年度 論文賞受賞.

たかせ・やすし TAKASE Yasushi

1985 九州工業大学技術職員. 1993 同工学部設計生産工学科夜間主コース卒業. 2002 技術専門職員. 2007「任意寸法の試験片に対して正確な応力集中係数を与える計算式に関する研究」で博士(工学). 2020 年度日本塑性加工学会教育賞受賞.

ほった・げんじ HOTTA Genji

1979 九州工業大学卒業. ㈱日鉄エレックスを経て 2008 有明工 業高等専門学校機械工学科教授. 2012 熊本大学より博士(工学) 授与. 2019 より九州工業大学客員教授, 2021 西日本工業大学 客員教授. 日本技術士会ものづくり部会長. 2021 年度技術士功 労章受章.

